

# Variants Monte Carlo Tree Search

Tomáš Kuča

tomas.kuca@matfyz.cz

Herní algoritmy  
MFF UK Praha

2011

## O čem bude přednáška?

- Monte Carlo Tree Search
- od her podobných Go (bez Go) k vzdálenějším
- rozdíly a rozšíření MTCS

Postupné budování herního stromu

**Algoritmus opakuje čtyři fáze:**

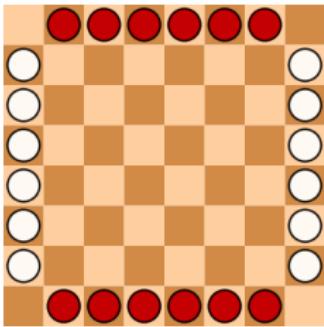
- **Selekce**
  - vybere list z herního stromu (nejdříve nenavštívené)
  - Multi-armed bandit problem
  - typicky UCT algoritmus:  $U_i = v_i + c \sqrt{\frac{\ln N}{n_i}}$
- **Expanze** - přidá nový uzel
- **Simulace** - odhad pravděpodobnosti výhry (bodového zisku) v daném uzlu na základě mnoha simulací
- **Backpropagation** - informace o hodnotě uzlu je propagována stromem na cestě ke kořeni

- nepotřebuje nutně evaluační funkci
- lze přidávat doménově specifické heuristiky

- má problémy s pozicemi, kde je jen jeden "správný" tah, tzv. killer move
- často nedokáže odhalit vyhrané (nebo prohrané pozice), obzvlášť ve hrách s náhlou smrtí (šachy, hex, lines of action)
  - $\alpha\beta$ -prohledávání nebo proof number search dávají v takových situacích lepší výsledky
  - řeší tzv. MCTS solver

# Lines of action

- hra dvou hráčů s perfektní informací, nulovým součtem
- hrací deska o velikosti  $8 \times 8$  (obecně  $n \times n$ )
- počáteční pozice viz obr.
- hráči se střídají v tazích
- cílem hry je uspořádat kameny tak, aby se všechny kameny hráče dotýkaly (stačí diagonálně)



- během svého tahu hráč pohne jedním kamenem horizontálně, vertikálně nebo diagonálně
  - kámen se pohne o kolik pozic, kolik je v daném řádku/sloupci/diagonále kamenů
  - nesmí přeskočit soupeřův kámen
  - pokud skončí přeesně na pozici soupeřova kamene, zakryje ho (soupeřův kámen je ze hry odstraněn)
- pokud hráč nemůže hrát, passuje
- pokud se třikrát opakuje pozice → remíza
- pokud spojení do jedné komponenty nastane současně → remíza

- při selekci používá "progressive bias"
- $U_i = v_i + c \sqrt{\frac{\ln N}{n_i}} + \frac{W \times P_c}{n_i + 1}$ 
  - $W$  je konstanta (použitá hodnota 100)
  - $P_c$  je pravděpodobnost tahu dané kategorie, získaná na základě předchozích her
  - kategorie jsou určené dle typu tahu (zajetí, blokování) a dle počáteční a koncové pozice kamene (hrací deska se rozdělí na několik částí - střed, rohy, okraje)
- při simulaci nejsou tahy náhodně, ale též s pravděpodobností dle kategorií
- pokud evaluační funkce přesáhne určitou hranici, považuje se hra za vítěství (podobně prohra)
- při backpropagation se propagují hodnoty 1, 0, -1

- tato varianta má stále problém s náhlou smrtí
- nalezení výherního tahu trvá dlouho

- tato varianta má stále problém s náhlou smrtí
- nalezení výherního tahu trvá dlouho

## Backpropagation

- propagují se hodnoty  $\{-\infty, 0, \infty\}$
- propagace podobně jako v MINIMAX
- pokud je na tahu hráč a propaguje  $-\infty$ :
  - propaguje  $-\infty$ , pokud mají všichni sourozenci  $-\infty$
  - propaguje  $-1$  jinak
- obdobně pro výherní pozice
- jak to ovlivní selekci?

- hodnota uzlu se může rychle měnit, proto nelze vzít uzel s nejlepší hodnotou
- pokud je nalezena vítězná strategie, hraje se ta, jinak
- $v + \frac{A}{\sqrt{n}}$ , kde
  - $v$  je hodnota uzlu
  - $A$  je konstanta (např. 1)
  - $n$  je počet návštěv uzlu

- MTCS-solver porazí MTCS v 65
- MTCS-solver porazí starší verze MIA 2000, 2002  
(pravděpodobně nejlepší program, založený na  $\alpha\beta$  prohledávání) (získá cca 60% bodů)
- nejnovější verze MIA 2006 výrazně porazí i MTCS-solver (11%)

- hra dvou hráčů s perfektní informací, nulovým součtem
- hrací deska o velikosti  $11 \times 11$  (obecně  $n \times n$ )
- hráči v každém tahu přidají jeden kámen své barvy
- hráči se střídají v tazích
- cílem hry spojit protilehlé strany desky (každý hráč má "své" dvě strany)



# Mrtvé oblasti

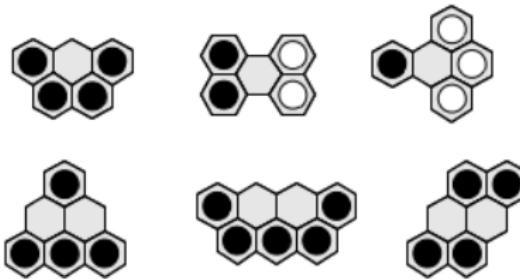


Fig. 2. Local fillin patterns. Top three patterns identify dead cells, and can be filled in with stones of either player. Bottom three patterns identify Black-captured regions, and can be filled in with Black stones.

- mrtvé buňky - nejsou zajímavé ani pro jednoho hráče
- zajaté území - pro jednoho z hráčů nemá smysl tam hrát

# Promazávání polí

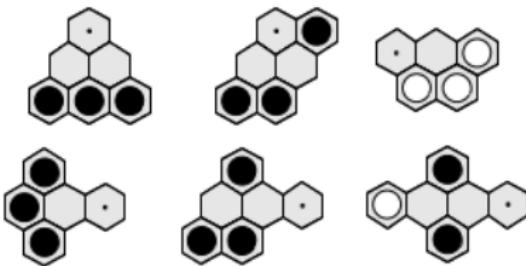


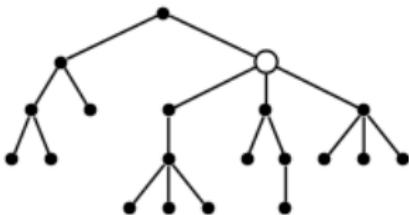
Fig. 3. Local inferior cell patterns. Empty cells can be pruned from consideration by Black based on their reversible-dominated relation to the corresponding dotted cells.

- některé tahy nemusím brát v úvahu, protože jsou dominovány jinými tahy

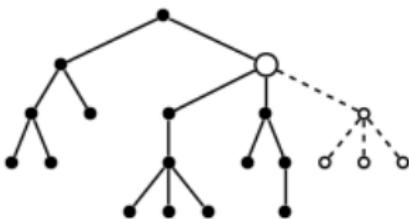
- algoritmus pro nalezení strategie pro spojení dvou buněk
- neúplný, občas přehlíží i pro člověka triviální tahy
- ale pokud existuje řešení, často ho najde

- standartní MTCS
- nejsilnější pokud používá AMAF heuristiku, bez prohledávání (exploration)
- simulace náhodné (permutace prázdných polí)
- pouze "bridge" pattern, ostatní nepřidávají zlepšení
- při určitém počtu navštívení uzlu z něho spustí H-search
- prořezání stromu

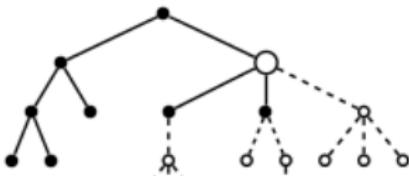
# Hex - prořezání



- 1) Node reaches knowledge threshold; perform inferior cell analysis and H-search computations.



- 2) Prune children that are inferior or outside of mustplay.



- MTCS + bridge pattern vs MTCS → 65% win rate
- MTCS + AMAF vs MTCS → 74% win rate
- MTCS vs Wolve (nejlepší známý program) → 49% win rate

- šachy, kdy neznám pozici soupeřových figur
- jen koncovka King + Rook vs King má prohledávací prostor jako dáma
- rozdíly oproti Phantom Go
  - dynamické
  - získaná informace rychle zastarává
  - hra nemá omezený počet tahů
  - podmínky pro vítězství
- standartní MTCS selhává
- místo simulace protivníka simulovat jen kategorie tahů
- omezit počet tahů při simulaci

- Scrabble, Poker, Game of Scotland Yard, Bridge, generický hráč, evropské hry
- časem možná i RTS